

1. Запишите произведение в виде степени:

Образец: $3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 3^5$.

- а) $7 \cdot 7 \cdot 7 = \dots$; б) $6 \cdot 6 = \dots$; в) $(-2) \cdot (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = \dots$; г) $0,3 \cdot 0,3 \cdot 0,3 \cdot 0,3 \cdot 0,3 \cdot 0,3 = \dots$; д) $x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x = \dots$; е) $(m - n)(m - n)(m - n) = (m - n) \dots$; ж) $(a + b)(a + b)(a + b)(a + b) = \dots$

2. Запишите основание и показатель степени:

Образец: 3^5 ; 3 — основание степени, 5 — показатель степени.

- а) 8^2 ; — основание степени, — показатель степени; б) $(-0,7)^6$; — основание степени, — показатель степени; в) $(x - y)^4$; ; г) $(3x^2)^5$;

1. Найдите значение выражения:

Образец: $0,2^3 = 0,2 \cdot 0,2 \cdot 0,2 = 0,008$.

- | | |
|--|---|
| а) $4^3 = \dots \cdot \dots \cdot \dots = \dots$; | б) $3^4 = \dots$; |
| в) $12^2 = \dots$; | г) $0,3^4 = \dots$; |
| д) $1^6 = \dots$; | е) $\left(\frac{1}{2}\right)^5 = \dots$; |
| ж) $1,2^3 = \dots$; | и) $\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \dots$; |
| з) $9^2 = \dots \cdot \dots = \dots$; | |

2. Вычислите:

а) $(-10)^5 = \dots$; б) $(-4)^3 = \dots$; в) $(-3)^3 = \dots$

3. Найдите значение выражения, используя результаты задания 1:

- | | |
|---|--|
| а) $7^2 - 2^3 = 49 - 8 = \dots$; | б) $12^2 - 3^4 = \dots - \dots = \dots$; |
| в) $(15 - 9)^2 = 6^2 = \dots$; | г) $(17 - 27)^5 = (\dots)^5 = \dots$; |
| д) $(3 - 7)^3 = \dots$; | е) $18 - 6 \cdot 3^2 = 18 - 6 \cdot \dots = \dots$; |
| ж) $7 + 2 \cdot (-3)^3 = 7 + 2 \cdot (\dots) = \dots$; | з) $-4 \cdot 2^4 + 30 = \dots$; |

1. Представьте произведение в виде степени:

Образец: $a^5 \cdot a^2 = a^{5+2} = a^7$,
 $m \cdot m^{10} = m^{1+10} = m^{11}$.

а) $b^3 \cdot b^9 = b^{\dots + \dots} = b^{\dots}$;
 в) $n^{23} \cdot n^7 = n^{\dots}$;
 д) $a \cdot a^7 \cdot a^{12} = \dots$;
 ж) $t^8 \cdot t^{12} \cdot t \cdot t^3 = \dots$.

б) $x^{17} \cdot x = x^{\dots + \dots} = x^{\dots}$;
 г) $y \cdot y^{34} = \dots$;
 е) $m^2 \cdot m \cdot m^{10} = \dots$;

2. Заполните пропуски так, чтобы получилось верное равенство:

а) $x^{20} = x^7 \cdot x^{\dots}$;
 в) $a^{32} = a \cdot a^{\dots}$;
 б) $k^{16} = k^{\dots} \cdot k^7$;
 г) $y^{19} = y \cdot y^3 \cdot y^{\dots}$.

3. Представьте выражение в виде степени и найдите его значение, используя таблицу степеней:

а) $3^2 \cdot 3^3 = 3^{\dots} = \dots$;
 в) $2^3 \cdot 2^4 = \dots$;
 д) $125 \cdot 5 = 5^{\dots} \cdot 5 = 5^{\dots} = \dots$;
 ж) $32 \cdot 2 = \dots$.

б) $4^3 \cdot 4 = 4^{\dots} = \dots$;
 г) $16 \cdot 4^2 = 4^2 \cdot 4^2 = 4^{\dots} = \dots$;
 е) $81 \cdot 3^2 = \dots \cdot 3^2 = \dots$;

Свойства степени (2)

1. Упростите выражение:

Образец: $\frac{a^{12}}{a^9} = a^{12-9} = a^3$,

$5^{32} : 5^{32} = 5^{32-32} = 5^0 = 1$.

а) $x^{16} : x^{12} = x^{16-12} = x^{\dots}$;

б) $\frac{y^{24}}{y^{17}} = y^{\dots - \dots} = y^{\dots}$;

в) $21^8 : 24^6 = 24^{\dots} = \dots$;

г) $\frac{138^{12}}{138^{12}} = 138^{\dots} = \dots$

2. Заполните пропуски так, чтобы получилось верное равенство:

а) $a^{25} : a^{\dots} = a^{16}$;
 б) $b^{14} : b^{\dots} = b^{13}$;

в) $\frac{x^{\dots}}{x^4} = x^{17}$;
 г) $\frac{y^{34}}{y^{\dots}} = y$.

1. Представьте выражение в виде степени:

Образец: $(x^4)^5 = x^{4 \cdot 5} = x^{20}$.

а) $(y^2)^7 = y^{2 \cdot 7} = y \dots$;

б) $(m^6)^3 = m \dots = m \dots$;

в) $(a^8)^3 = \dots$;

г) $(7^5)^6 = \dots$.

2. Заполните пропуски так, чтобы получилось верное равенство:

а) $(a^3) \dots = a^{15}$;

б) $(b \dots)^7 = b^{28}$;

в) $(c^{10}) \dots = c^{90}$;

г) $(q \dots)^8 = q^{48}$.

1. Возведите в степень:

а) $4^2 = \dots$;

б) $(-3)^4 = \dots$;

в) $(-2)^5 = \dots$;

г) $(x^2)^8 = x \dots$.

2. Возведите в степень:

Образец: $(5a)^3 = 5^3 \cdot a^3 = 125a^3$.

а) $(4b)^2 = 4 \dots \cdot b \dots = \dots$;

б) $(-3m)^4 = (-3) \dots \cdot m \dots = \dots$;

в) $(-2x)^5 = (\dots) \dots \cdot \dots = \dots$;

г) $(x^2y)^8 = (x^2) \dots \cdot y \dots = x \dots y \dots$;

д) $(ab^3)^7 = \dots$;

е) $\left(\frac{1}{6}t^4\right)^2 = \dots$.

3. Упростите выражение:

а) $\frac{(b^6)^3}{b^{16}} = \frac{b^{18}}{b^{16}} = b^{\dots}$;

б) $\frac{(t^4)^9}{t^{31}} = \frac{t^{\dots}}{t^{31}} = t^{\dots}$;

в) $\frac{m^{19}}{(m^5)^3} = \frac{\dots}{\dots} = \dots$;

г) $\frac{(x^2)^{11}}{(x^3)^6} = \frac{x^{\dots}}{x^{\dots}} = \dots$;

д) $\frac{(q^6)^5}{q^8} = \dots$;

е) $\frac{(0,27^3)^4}{0,27^{12}} = \dots$

Приведите одночлен к стандартному виду:

Образец: $2x^5 \cdot (3x^4) = (2 \cdot 3) \cdot (x^5 \cdot x^4) = 6x^9.$

- а) $4x^2 \cdot (5x^3) = (4 \cdot 5) \cdot (x^2 \cdot x^3) = \dots;$
 б) $7a^4 \cdot (2a^2) = (\dots \cdot \dots)(\dots \cdot \dots) = \dots;$
 в) $6y \cdot (-3y^7) = \dots;$
 г) $b^8 \cdot (5b) = \dots;$
 д) $t^2 \cdot (2t) \cdot (4t^3) = (2 \cdot 4)(t^2 \cdot t \cdot t^3) = \dots;$
 е) $q \cdot (3q^3)(5q^4) = \dots;$
 ж) $-5xy^2 \cdot (2x^3y) = (-5 \cdot 2)(x \cdot x^3)(y^2 \cdot y) = \dots;$
 з) $-3a^3b^4 \cdot (-8a^5b) = (\dots)(\dots)(\dots) = \dots.$

Сложение и вычитание многочленов

1. Упростите выражение:

- а) $3a^2 - a^2 = \dots a^2;$ б) $ab - 4ab = \dots ab;$
 в) $6xy - 2xy = \dots;$ г) $-3x^2 + x^2 = \dots;$
 д) $-x^2y - 3x^2y = \dots;$ е) $5y - 7y = \dots.$

2. Раскройте скобки и приведите подобные слагаемые, используя результаты задания 1:

- а) $(3a^2 + ab) - (4ab + a^2) = 3a^2 + ab - 4ab - a^2 = \dots a^2 \dots ab;$
 б) $(6xy - 3x^2 + 5y) + (x^2 - 2xy - 7y) = 6xy \dots 3x^2 \dots 5y \dots x^2 \dots 2xy \dots 7y = \dots;$
 в) $(x^2 - 2xy - x^2y) - (3x^2 - 6xy + 3x^2y) = x^2 \dots 2xy \dots x^2y \dots 3x^2 \dots 6xy \dots 3x^2y = \dots$

3. Упростите выражение:

- а) $5y^3 - y^3 = \dots;$ б) $-x^2 + 4x^2 = \dots;$ в) $8x - 2x = \dots;$ г) $y + 7y = \dots;$
 д) $5y^3 + y^3 = \dots;$ е) $-x^2 - 4x^2 = \dots;$ ж) $8x + 2x = \dots;$ з) $y - 7y = \dots.$

4. Даны два многочлена: $p_1(x; y) = 5y^3 - x^2 + 8x$ и $p_2(x; y) = 4x^2 - y^3 - 2x + 7y.$ Найдите сумму этих многочленов и разность $p_1 - p_2:$

- а) $p_1 + p_2 = (\dots) + (\dots) = \dots;$
 б) $p_1 - p_2 = (\dots) - (\dots) = \dots.$

1. Упростите выражение:

а) $3x \cdot x = \dots$; б) $3x \cdot 4 = \dots$; в) $3x \cdot x^3 = \dots$;
 г) $4y \cdot 7 = \dots$; д) $4y \cdot 2y^2 = \dots$; е) $4y \cdot y^3 = \dots$

2. Выполните умножение, используя образец и результаты задания 1:

Образец: $2x(x + 5 + x^2) = 2x \cdot x + 2x \cdot 5 + 2x \cdot x^2 = 2x^2 + 10x + 2x^3.$

а) $3x(x + 4 + x^3) = 3x \cdot \dots + 3x \cdot \dots + 3x \cdot \dots = \dots + \dots + \dots;$
 б) $4y(7 + 2y^2 + y^3) = \dots \cdot 7 + \dots \cdot 2y^2 + \dots \cdot y^3 = \dots;$
 в) $a^2(a + 8 + 2a^2) = \dots = \dots.$

3. Упростите выражение:

а) $6x \cdot 2x = \dots$; б) $6x \cdot x^2 = \dots$; в) $y^2 \cdot 3y = \dots$; г) $y^2 \cdot 2y^2 = \dots$

4. Выполните умножение, используя образец и результаты задания 3:

Образец: $3a(2a - 5 + 4a^2) = 3a \cdot 2a - 3a \cdot 5 + 3a \cdot 4a^2 = 6a^2 - 15a + 12a^3.$

а) $6x(7 - 2x + x^2) = 6x \cdot \dots - 6x \cdot \dots + 6x \cdot \dots = \dots - \dots + \dots;$
 б) $-y^2(3y - 4 + 2y^2) = -\dots + \dots - \dots = \dots;$
 в) $2y(6 + y - 3y^2) = \dots; \quad \text{г) } -a(a^3 - 6 - 2a) = \dots.$

Умножение многочлена на многочлен (1)

1. Выполните умножение по образцу:

Образец: $(a + m)(c + n) = a \cdot c + a \cdot n + m \cdot c + m \cdot n = ac + an + mc + mn.$

а) $(x + y)(k + b) = x \cdot \dots + x \cdot \dots + y \cdot \dots + y \cdot \dots = \dots;$
 б) $(x + 2)(y + 3) = x \cdot \dots + x \cdot \dots + \dots \cdot \dots + \dots \cdot \dots = \dots;$
 в) $(a + b)(c + 5) = \dots + \dots + \dots + \dots = \dots.$

2. Выполните умножение:

а) $x \cdot (-3) = \dots$; б) $2 \cdot (-3) = \dots$; в) $(-b) \cdot 5 = \dots$; г) $(-2) \cdot (-3) = \dots$

3. Выполните умножение по образцу:

Образец: $(a - m)(c + n) = a \cdot c + a \cdot n + (-m) \cdot c + (-m) \cdot n = ac + an - mc - mn;$
 $(a - m)(c - n) = a \cdot c + a \cdot (-n) + (-m) \cdot c + (-m) \cdot (-n) = ac - an - mc + mn.$

а) $(x + 2)(y - 3) = x \cdot \dots + x \cdot (-3) + 2 \cdot \dots + \dots \cdot \dots = \dots;$
 б) $(a - b)(c + 5) = a \cdot \dots + a \cdot \dots + \dots \cdot \dots + \dots \cdot \dots = \dots;$
 в) $(k - 2)((m - 3)) = \dots;$
 г) $(-a + b)(c - 5) = (-a) \cdot \dots + (-a) \cdot \dots + \dots \cdot \dots + \dots \cdot \dots = \dots;$
 д) $(x - y)(-k + b) = \dots.$

1. Упростите выражение:

а) $3x \cdot 4x = \dots$;

б) $3x \cdot 5 = \dots$;

в) $2 \cdot 4x = \dots$;

г) $15x + 8x = \dots$;

д) $4 \cdot 6x = \dots$;

е) $x \cdot 6x = \dots$;

ж) $x \cdot 2 = \dots$;

з) $24x + 2x = \dots$.

2. Выполните умножение, используя образец и результаты задания 1:

Образец: $(2x + 3)(5x + 6) = 2x \cdot 5x + 2x \cdot 6 + 3 \cdot 5x + 3 \cdot 6 = 10x^2 + 12x + 15x + 18 = 10x^2 + 27x + 18.$

а) $(3x + 2)(4x + 5) = 3x \cdot \dots + 3x \cdot \dots + 2 \cdot \dots + 2 \cdot \dots = \dots + \dots + \dots = \dots$;

б) $(4 + x)(6x + 2) = 4 \cdot \dots + 4 \cdot \dots + \dots \cdot \dots + \dots \cdot \dots = \dots = \dots$;

в) $(5 + 2x)(5x + 4) = \dots$.

3. Выполните умножение, используя образец и результаты задания 2:

Образец: $(2x - 4)(3 + 4x) = 2x \cdot 3 + 2x \cdot 4x - 4 \cdot 3 - 4 \cdot 4x = 6x + 8x^2 - 12 - 16x = 8x^2 - 10x - 12.$

а) $(3x - 2)(4x + 15) = 12x^2 \dots 15x \dots 8x \dots 10 = \dots$;

б) $(4 + x)(6x - 2) = \dots$;

в) $(-2 - 3x)(6 + 2x) = \dots$.

Применение формулы $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$ **1.** Выполните действия:

а) $4^2 = \dots$;

б) $5^2 = \dots$;

в) $3^2 = \dots$;

г) $2 \cdot 4m = \dots$;

д) $2 \cdot 5 \cdot n = \dots$;

е) $8^2 = \dots$.

2. Представьте выражение в виде многочлена по образцу, используя результат задания 1:

Образец: $(6 + y)^2 = 6^2 + 2 \cdot 6 \cdot y + y^2 = 36 + 12y + y^2;$

$(7 - a)^2 = 7^2 - 2 \cdot 7 \cdot a + a^2 = 49 - 14a + a^2.$

а) $(4 + m)^2 = \dots^2 + 2 \cdot \dots \cdot \dots + \dots^2 = \dots$;

б) $(5 + n)^2 = \dots^2 + 2 \cdot \dots \cdot \dots + \dots^2 = \dots$;

в) $(x - 8)^2 = \dots^2 - 2 \cdot \dots \cdot \dots + \dots^2 = \dots$;

г) $(d + 3)^2 = \dots$;

д) $(2 - b)^2 = \dots$.